

EXERCICE A1 : Programmation en assembleur

Le but de cet exercice est de coder en assembleur MIPS une version récursive de l'algorithme de recherche binaire par dichotomie dans un tableau d'entiers déjà triés. L'algorithme est décrit en C dans la fonction *binarySearch* illustré ci-dessous. Les paramètres de la fonction sont : un pointeur sur le premier élément du tableau à analyser : *array*, la valeur à trouver *value*, et deux index dans le tableau définissant la borne inférieure de recherche *left* et la borne supérieure de recherche *right*.

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 int main()
4 {
5     int tab[] = {1,12,30,41,55 ,63,70,88,92,105} ;
6     int val = 92 ;
7     int a = 0 ;
8     int b = 9 ;
9     int pos = binarySearch(tab, val, a, b) ;
10    printf(« %d est trouvé dans la position %d\n », val, pos) ;
11    return (0) ;
12 }
13 int binarySearch(int* array, int value, int left, int right)
14 {
15     if (left > right)
16         return -1;
17     int middle = (left + right) / 2;
18     if (array[middle] == value)
19         return middle;
20     else if (array[middle] > value)
21         return binarySearch(array, value, left, middle - 1);
22     else
23         return binarySearch(array, value, middle + 1, right);
24 }
```

A11) A l'entrée de la fonction *binarySearch*, sur quoi pointe le pointeur de pile contenu dans \$29 ?

Le registre \$29 pointe dans la pile sur une case qui a été réservée pour contenir le premier paramètre de la fonction *binarySearch*, c-a-d le paramètre *array*.

A12) Ecrire le prologue et l'épilogue de la fonction *binarySearch* en langage assembleur. On rappelle que l'argument *array* est dans le registre \$4, l'argument *value* est dans le registre \$5, l'argument *left* est dans le registre \$6 et l'argument *right* est dans le registre \$7. La fonction utilise une variable locale *middle*.

```

#prologue :
binarySearch    addi $29,$29, -24      # nv = 1, na = 4 , nr =1
                sw $4, 24($29)      # array
                sw $5, 28($29)      # value
                sw $6, 32($29)      # left
                sw $7,36($29)      # right
                sw $31,16($29)      # $31

#epilogue :
retour :        lw $31,16($29)      # $31
                addi $29,$29, 24
                jr $31
```

A13) En supposant l'association variable – registre suivante : (*array* , \$4) (*value* , \$5) (*left* , \$6) (*right* , \$7) (*middle* , \$13) (\$2, valeur de retour), écrivez le code assembleur correspondant aux lignes 20 et 21 de la fonction *binarySearch*(). On utilisera les registres \$14 et \$15 comme registres de travail.

```

#
                sll $14, $13, 2      # $14 <= middle*4
                add $14, $4, $14
                lw $15, 0($14)      # $15<= array[middle]
                sub $15, $15, $5
                bgtz $15, appel      # test
                j next
appel :         subi $7, $13, 1
                jal binarySearch    # a
```

EXERCICE A2 : Programmation en assembleur

Dans cet exercice, on veut écrire l'algorithme de tri par sélection en langage d'assembleur du processeur MIPS 32. L'algorithme est codé en C dans la fonction `sort()` ci-dessous. Attention, l'algorithme itératif proposé ici est différent de l'algorithme récursif présenté en TD.

Le premier argument (`a`) de la fonction `sort()` est un pointeur vers le tableau d'entiers à trier. Le deuxième argument (`size`) est la taille du tableau.

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 int a[] = {8, 6, 10, 3, 1, 2, 5, 4};
4 int n = 8;
5 void swap(int *a, int *b)
6 {
7     int temp;
8     temp = *a;
9     *a = *b;
10    *b = temp;
11 }
12 void sort(int a[], int size)
13 {
14     int i, m, max;
15     while (size > 1) {
16         m = 0;
17         max = a[m];
18         for (i = 1; i < size; i++) {
19             if (a[i] > max) {
20                 m = i;
21                 max = a[m];
22             }
23         }
24         if (m != size)
25             swap(&a[m], &a[size - 1]);
26         size = size - 1;
27     }
28 }
29 int main()
30 {
31     int i;
32     sort(a, n);
33     for (i = 0; i < n; i++)
34         printf("%d ", a[i]);
35     exit(0);
36 }

```

A21) A l'entrée de la fonction `swap`, sur quoi pointe le pointeur de pile contenu dans `$29` ?

Le registre `$29` pointe dans la pile sur une case qui a été réservée pour contenir le premier paramètre de la fonction `swap`, c-a-d le paramètre `a`.

A22) Ecrire la fonction `swap` en langage assembleur. On supposera que l'argument `a` est dans le registre `$4` et l'argument `b` dans le registre `$5`. On utilisera deux registres de travail `$13` et `$14`. Attention : cette fonction `swap` ne possède pas les mêmes arguments que la fonction `swap` vue en TP !

```

swap:
    # prologue
    add $29, $29, -4           # optionnel
    # corps
    lw $13, 0($4)
    lw $14, 0($5)
    sw $14, 0($4)
    sw $13, 0($5)
    # epilogue
    add $29, $29, 4           # optionnel si le pointeur de pile n'a pas été modifié
    jr $31

```

A23) En supposant l'association variable – registre suivante : (`m`, `$8`) (`i`, `$9`) (`a`, `$10`) (`size`, `$11`) écrivez le code correspondant aux lignes 24 à 26

```

# ligne24 : if (m != size)
    beq    $8, $11, ligne26

#ligne25 : swap( &(a[m]) , &(a[size-1]))
    sll    $4, $8, 2
    addu   $4, $10, $11
    addiu  $5, $11, -1
    sll    $5, $5, 2
    addu   $5, $10, $11
    jal    swap

ligne26 : # size = size - 1
    addiu  $11, $11, -1

```

EXERCICE B1 : Caches de ler niveau

Le but de cet exercice est de mesurer le nombre de cycles nécessaires à l'exécution du programme C ci dessous en tenant compte des effets de cache.

```
int A[128], B[128], C[128];
int main(){
    register int i, sum = 0;
    for (i=0; i<128; i++){
        C[i] = A[i] + B[i];
        sum = sum + C[i];
    }
    return 0;
}
```

On considère un cache de données L1, à correspondance directe, d'une capacité totale de 1Ko. Chaque ligne de ce cache a une taille de 32 octets (8 mots de 32 bits).

Les tableaux sont initialisés selon les formules suivantes :

A[i] = i exemple A[10] = 10

B[i] = 2 * i exemple B[12] = 24

C[i] = i+1 exemple C[20] = 21

On suppose que le cache de données est initialement vide (tous ses bits de validité sont à 0)

Les données du programme sont stockées de façon contiguë dans la mémoire, dans l'ordre de leur déclaration. Le premier élément A[0] du tableau A est à l'adresse 0x4000.

Le mot clé "register" est une directive passée au compilateur pour qu'il place les variables i et **sum** dans des registres plutôt que sur la pile. Les variables i et **sum** sont dans des registres durant toute la durée d'exécution du programme et ni leur lecture ni leur écriture ne provoquent d'accès au cache de données.

Les adresses sont sur 32 bits, et chaque adresse référence un octet en mémoire.

On rappelle que 1Ko = 1024 octets = 2¹⁰ octets = 0x400 octets.

B11) Donner les adresses de base en mémoire des deux tableaux B et C.

```
m[A] = 0x4000
m[B] = 0x4200
m[C] = 0x4400
```

B12) Donner le nombre de cases de ce cache (une case permet de stocker une ligne), le nombre de bits des champ offset, index, et étiquette de l'adresse.

```
-le nombre de cases      32 = 1024 / 32
-la taille du champ offset 5 = log(32)
-la taille du champ index  5 = log(32)
-la taille du champ étiquette 22 = 32 - 5 - 5
```

B13) Donner l'état de ce cache de données après le premier tour de boucle en remplissant le tableau ci-dessous. Le champ index contient l'index de la case du cache. Pour faciliter la compréhension, le champ étiquette contiendra l'adresse complète (sur 32 bits) du mot d'index 0 de la ligne de cache concernée. Le champs data i contient le mot d'index i de la ligne de cache. On utilisera la notation hexadécimale, précédée de 0x pour les adresses et pour les données.

index	Valid	Étiquette	data 7	data 6	...	data 1	data 0
0	1 0	0x4000	0x07	0x06		0x01	0x00 ***
10	1 0	0x4400	0x8	0x07		0x02	0x00
10	1	0x4200	0xE	0xC		0x02	0x00

*** cette ligne a été evincée du cache

A chaque itération, il faut aller lire trois entiers en mémoire : A[i], B[i], C[i], et donc 3 lignes de cache.

La ligne de cache contenant A[0] est rangée dans la case d'index 0

La ligne de cache contenant B[0] est rangée dans la case d'index 4

La ligne de cache contenant C[0] est rangée dans la case d'index 0, (et C[0] est modifié)

La ligne de cache contenant A[0] est écrasée par celle contenant C[0]

B14) Donner le nombre de MISS sur le cache données pour les 3 premières itérations de la boucle. Quel est le nombre total de MISS pour l'exécution complète de la boucle ?

On a 3 MISS pour la première itération (A[0], B[0], C[0]). On a 2 MISS pour chacune des 2 suivantes (A[1] et C[1] puis A[2] et C[2]). En revanche B[1] et B[2] sont déjà dans le cache.

Comme on a 128 itérations, et qu'une ligne de cache contient 8 entiers, il faudra charger au total 16 lignes de cache pour le tableau B, tandis que les tableaux A et C font MISS à chaque lecture.. On aura au total 16 + 128 + 128 = 272 MISS

B15) La compilation de cette boucle génère une séquence de 20 instructions en assembleur MIPS 32 (on ne considère pas la déclaration des variables ni leur initialisation). Grâce à la technique de pipe-line, le CPI avec un système mémoire parfait est de 1 cycle par instruction. Le coût d'un MISS est de 10 cycles. On considère que le cache instruction se comporte comme un cache parfait (0 MISS). Donner le temps total (en nombre de cycles horloge) nécessaire à l'exécution des 128 itérations de la boucle. Quel est le CPI réel?

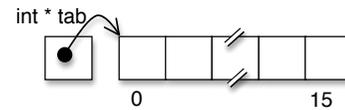
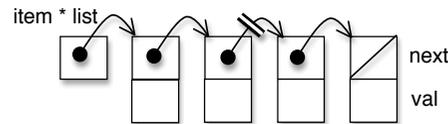
Il faut exécuter 20 * 128 instructions = 2560 cycles.

Comme on a 272 MISS, on a un surcoût de 2720 cycles.

Le CPI effectif est de (2560 + 2720) / 2560 = 2.06 cycles / instruction

EXERCICE B2 : Caches de 1er niveau

Le but de cet exercice est de mesurer le nombre de cycles de cache. Les deux fonctions réalisent la somme des éléments d'un tableau. Dans la première fonction, le tableau est réalisé sous la forme d'une liste simplement chaînée. Dans la seconde fonction, le tableau est une zone contiguë de la mémoire.



```
int sum_list (item * list)
{
    register int s = 0;
    while (list != NULL) {
        s = s + list->val;
        list = list->next;
    }
    return s;
}
```

```
sum_list: li    $2, 0
          j     test1
loop1:   lw     $3, 4($4)
          lw     $4, ($4)
          add   $2, $2, $3
test1:   bnez  $4, loop1
          jr   $31
```

```
int sum_tab (int size, int *tab)
{
    register int s = 0;
    while (size != 0) {
        s = s + *tab;
        tab = tab + 1;
        size = size - 1;
    }
    return s;
}
```

```
sum_tab: li    $2, 0
          j     test2
loop2:   lw     $3, ($5)
          add   $4, $4, -1
          add   $5, $5, 4
          add   $2, $2, $3
test2:   bnez  $4, loop2
          jr   $31
```

On considère un cache de données L1, « write-through » et à correspondance directe, d'une capacité totale de 4 ko. Chaque ligne de cache a une taille de 64 octets. On suppose que le cache de données est initialement vide (tous ses bits de validité sont à 0). Les adresses sont sur 32 bits et chaque adresse référence un octet en mémoire.

La variable `s`, préfixée par le mot clé « register », est placée dans un registre plutôt que sur la pile du programme. Durant toute la durée d'exécution du programme, sa lecture ne provoque pas d'accès au cache de données.

Le tableau `tab` est rangé en 0x10000040. Les éléments de la liste `list` sont placés en mémoire de telle sorte que chaque élément est dans une ligne de cache différente. La fonction `sum_list` est à l'adresse 0x400100, fonction `sum_tab` est à l'adresse 0x400200.

B21) Donnez le nombre de cases de ce cache (une case permet de stocker une ligne) et le nombre des bits respectifs des champs « offset », « index » et « étiquette » de l'adresse.

```
Nombre de cases = 4096/64 = 64
Nombre de bits d'offset = log2(64) = 6 bits
Nombre de bits d'index = log2(64) = 6 bits
Nombre de bits d'étiquette = 32 - 6 - 6 = 20
```

B22) On suppose que les fonctions n'ont encore jamais été exécutées. Donnez, **en le justifiant**, le nombre de miss instruction lors de l'exécution des fonctions `sum_list` et `sum_tab`, respectivement `NB_MISS_INST_sum_list` et `NB_MISS_INST_sum_tab`

```
NB_MISS_DATA_sum_list = 1
NB_MISS_DATA_sum_tab = 1
```

Chaque fonction commence en début de ligne de cache, et fait moins de 16 mots (la taille d'une ligne). Il n'y a donc qu'un seul miss par fonction.

B23) Si on suppose que la liste chaînée contient 16 éléments. Donnez, **en le justifiant**, le nombre de miss data provoqué par l'exécution de la fonction `sum_list` et combien de miss data provoquées par l'exécution de la fonction `sum_tab`, respectivement `NB_MISS_DATA_sum_list` et `NB_MISS_DATA_sum_data`.

```
NB_MISS_DATA_sum_list = 16
NB_MISS_DATA_sum_tab = 1
```

Pour la fonction `sum_list` c'est simple, il y en a un par élément puisque tous les éléments sont dans des lignes différentes. Pour `sum_tab`, il n'y en a qu'un car le tableau `tab` commence en début de ligne.

B24) On suppose que le CPI est de 1 lors de l'exécution de chacune des fonctions `sum_list` et `sum_tab`. Déterminer, le nombre de cycles nécessaires pour exécution de chacune des 2 fonctions, sans tenir compte des miss instructions et des miss data, respectivement `NBCYC_sum_list_parfait` et `NBCYC_sum_tab_parfait`.

```
NB_CYCLE_sum_list_parfait = 2 + 4*16 + 2 = 68
NB_CYCLE_sum_tab_parfait = 2 + 5*16 + 2 = 84
```

B25) En supposant que le coût d'un miss instruction et le coût d'un miss data est de 40 cycles. Calculer la durée d'exécution des deux fonctions, respectivement `NBCYC_sum_list` et `NBCYC_sum_tab`

```
NB_CYCLE_sum_list =
  NB_CYCLE_sum_list_parfait + 40*(NB_MISS_INST_sum_list + NB_MISS_DATA_sum_list)
  = 67 + 40 * (1+16) = 747
NB_CYCLE_sum_tab =
  NB_CYCLE_sum_tab_parfait + 40*(NB_MISS_INST_sum_tab + NB_MISS_DATA_sum_tab)
  = 83 + 40 * (1+1) = 163
```

