Side-Channel Attacks : Sécurité et Attaques par Canaux Auxiliaires

Attaques différentielles, Attaques template, Masquage et vérification

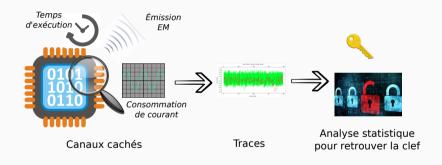
Quentin Meunier

2024

Sorbonne Université Laboratoire d'Informatique de Paris 6 4 Place Jussieu, 75252 Paris, France



Introduction: Side-Channel Attacks



Introduction: Les SCA dans la vraie vie



Introduction: Les SCA dans la vraie vie



Plan

Attaques

Rappel : Consommation des instructions et des données

Principe de la DPA : Differential Power Analysis

Principe de la CPA : Correlation Power Analysis

Attaque par template

Masquage

Plan

Attaques

Rappel : Consommation des instructions et des données

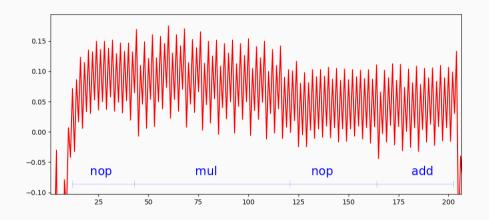
Principe de la DPA : Differential Power Analysis

Principe de la CPA: Correlation Power Analysis

Attaque par template

Masquage

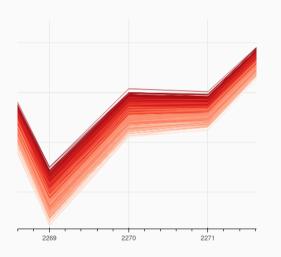
Consommation électrique d'instructions assembleur

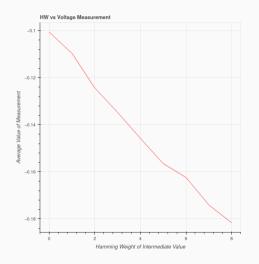


• Des instructions différentes consomment différemment

Consommation des données

- Modèle simple : considérer le poids de Hamming des données
- Ce modèle simple marche!





Plan

Attaques

Rappel : Consommation des instructions et des données

Principe de la DPA : Differential Power Analysis

Principe de la CPA: Correlation Power Analysis

Attaque par template

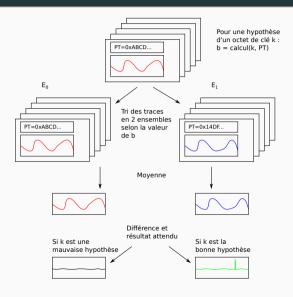
Masquage

- Objectif : retrouver la clé secrète d'un algorithme cryptographique à partir de la consommation d'encryptions matérielles ou logicielles
- Hypothèse de base : la valeur de consommation d'un calcul à un instant donné dépend de la valeur du résultat du calcul
- Conséquence : la valeur d'un bit intermédiaire du calcul b a une incidence sur la consommation à cet instant
- Hypothèse supplémentaire : La consommation d'un calcul fixé suit une loi normale à un instant donné (c'est le cas en pratique)
- Si on choisit le bit b suffisamment tôt dans le calcul, cela découple les hypothèses requises sur les différents octets de la clé ⇒ On s'intéresse à la première ronde (ou à la dernière en attaquant la dernière clé de ronde)
 - Dans la suite on s'intéresse à l'attaque d'un octet de la clé

Principe de la DPA : exemple sur l'AES

- On part d'un ensemble de traces T de consommation (pour lesquelles on connait le plain text
 PT), et pour chaque valeur possible pour l'octet de clé (∈ [0; 255]), on divise les traces en 2 ensembles T₀ et T₁ selon la valeur de b sous cette hypothèse de clé
- Si l'hypothèse de clé est mauvaise :
 - On a réparti les traces selon un critère arbitraire, qui s'apparente à un critère aléatoire du point de vue de la consommation
 - T₀ et T₁ doivent avoir les mêmes moyennes de consommation au point d'intérêt qui correspond à l'instant où b est calculé
- Si l'hypothèse de clé est la bonne :
 - On a trié les traces selon un critère qui a une influence sur la consommation, cela doit donc être visible au point d'intérêt
 - T₀ et T₁ doivent donc avoir des moyennes de consommation différentes au point d'intérêt (sinon cela veut dire que l'hypothèse de base est fausse)
- On peut donc déterminer si l'hypothèse de clé est la bonne en regardant l'écart entre les moyennes des traces T₀ et T₁

Principe de la DPA : exemple sur l'AES



Principe de la DPA : exemple sur l'AES

- Comment choisir le bit b?
 - Le premier calcul effectué est un AddRoundKey, qui met en jeu uniquement un octet de clé avec le plain text connu
 - Donc par exemple, regarder un bit (n'importe lequel) de x[0] [0] après le premier ARK pour attaquer l'octet de clé 0 : on peut penser à faire ce choix
- Problème : Une hypothèse de clé différente d'un bit (au sens de hamming) de la bonne clé donnera également un bon tri des traces, l'opposé de la clé également (même tri que la bonne hypothèse)
 - $(k \oplus \delta) \oplus PT = (k \oplus PT) \oplus \delta$ proche de $k \oplus PT$ pour δ petit
- Et comme on ne regarde qu'un bit, c'est encore pire : 1 seul découpage possible!
 - Si on regarde le bit 0, toutes les clés paires donneront le même découpage (bon ou mauvais), et toutes les clés impaires, le découpage "inverse"
- Pour ne pas avoir ces problèmes, on regarde un bit après la première SBox : tous les bits de l'hypothèse de clé entrent en compte dans le calcul et deux clés proches n'ont pas de raisons de donner des résultats proches (moyennage sur les valeurs de PT)
 - Sbox[(k \oplus δ) \oplus PT] ne "matche" Sbox[k \oplus PT] pour tous les PT que si $\delta=0$
- Variante : Au lieu de ne regarder qu'un seul bit, on regarde le poids de Hamming de la valeur intermédiaire, et on trie les traces dans T0 ou T1 selon que le HW soit inférieur ou supérieur à 4

Exemple DPA sur l'AES en multi-bit

- On mesure les 8 valeurs de consommation suivantes en sortie de la SBox : 5.3, 5.9, 2.0, 2.2, 5.4, 0.8, 4.1, 5.2
- Pour les 8 traces, le plaintexts associés sont : 0x59, 0xF1, 0x75, 0xB7, 0x64, 0x15, 0x85, 0xC2
- L'octet de clé correct est 0x41

	Octet de clé = 0×41			Octet de clé = 0×00		
PT	$SBox[k \oplus pt]$	HW	T0 ou T1	$SBox[k \oplus pt]$	HW	T0 ou T1
0×59	0×AD	5	T1	0×CB	5	T1
0×F1	0×E7	6	T1	0×A1	3	T0
0×75	0×18	2	T0	0×9D	5	T1
0×B7	0×0D	3	T0	0×A9	4	-
0×64	0×3F	6	T1	0×43	3	T0
0×15	0×20	1	T0	0×59	4	-
0×85	0×1C	3	T0	0×97	5	T1
0xC2	0×EC	5	T1	0×25	3	T0
	$\overline{\text{T0}} = (2.0 + 2.2 + 0.8 + 4.1)/4 = 2.3$			$\overline{\text{T0}} = (5.9 + 5.4 + 5.2)/3 = 5.5$		
	$\overline{\text{T1}} = (5.3 + 5.9 + 5.4 + 5.2)/4 = 5.4$			$\overline{\text{T1}} = (5.3 + 2.0 + 4.1)/3 = 3.8$		
	$ \overline{\mathrm{T0}} - \overline{\mathrm{T1}} = 3.1$			$ \overline{\text{T0}} - \overline{\text{T1}} = 1.7$		

Plan

Attaques

Rappel : Consommation des instructions et des données

Principe de la DPA : Differential Power Analysis

Principe de la CPA : Correlation Power Analysis

Attaque par template

Masquage

- Objectif: retrouver la clé secrète d'un algorithme cryptographique à partir de la consommation d'encryptions matérielles ou logicielles
- Hypothèse de base : la valeur de consommation d'un calcul un instant donné dépend de la valeur du résultat du calcul
- Attaque basée sur un modèle de consommation d'énergie
- De même que pour la DPA, l'attaque cible un point particulier dans le temps au cours de l'exécution
 - La valeur intermédiaire doit dépendre de la valeur secrète et changer à chaque trace
 - \Rightarrow elle doit dépendre du *plaintext*
- Pour l'AES, comme pour la DPA, on cible en général un point après la première SBox ou avant la dernière
 - Pas encore de mélange des octets de clé entre eux, permet de tester moins d'hypothèses
- Modèle le plus utilisé pour la consommation d'énergie : poids de Hamming (HW) d'une valeur particulière ou distance de Hamming (HD) entre 2 valeurs intéressantes (par exemple stockées consécutivement dans le même registre)
- Dans la suite, on ne considère qu'un seul octet de clé

Principe de la CPA: Corrélation empirique

- Le modèle de consommation est corrélé avec la consommation énergétique réelle en utilisant le coefficient de corrélation empirique (dit coefficient de Pearson).
- Ce coefficient de corrélation empirique entre 2 échantillons x_i et y_i $(1 \le i \le n)$ est donné par :

$$\hat{r} = \frac{\hat{\sigma}_{X,Y}}{\hat{\sigma}_X \hat{\sigma}_Y} \tag{1}$$

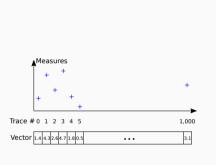
avec

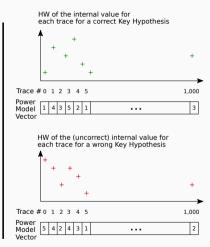
$$\hat{\sigma}_{X,Y} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})$$
 (2)

$$\hat{\sigma}_X = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \overline{x})^2} = \sqrt{\hat{\sigma}_{X,X}}, \text{ et } \hat{\sigma}_Y = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (y_i - \overline{y})^2}$$
(3)

où \overline{x} et \overline{y} sont les moyennes empiriques de x_i et y_i .

• On ne considère qu'un seul instant temporel : le moment auquel la valeur interne est calculée





• Complexité totale pour tous les instants : # traces × # samples × # key hypotheses

- Cas 1 : on connait le POI pour faire l'attaque
- Étant données N traces de consommation de L échantillons, on note t_n la valeur de consommation de la trace n au POI (avec $1 \le n \le N$).
- Pour K clés (sous-clés) possibles (on a typiquement K=256), on note $h_{n,k}$ la valeur estimée de la consommation, selon le modèle choisi, pour la trace n et l'hypothèse de clé k ($0 \le k < K$)
 - Remarque : cette valeur dépend du *plaintext*
- On peut ensuite voir à quel point le modèle et les mesures correspondent pour chaque hypothèse de clé k en calculant :

$$r_{k} = \frac{\sum_{n=1}^{N} (h_{n,k} - \overline{h_{k}})(t_{n} - \overline{t})}{\sqrt{\sum_{n=1}^{N} (h_{n,k} - \overline{h_{k}})^{2} \sum_{n=1}^{N} (t_{n} - \overline{t})^{2}}}$$
(4)

où $\overline{h_k}$ et \overline{t} sont respectivement les valeurs moyennes de la consommation modélisée et de la consommation mesurée.

 Puis, en prenant le maximum des r_k pour toutes les valeurs de k, on peut en déduire quelle hypothèse de clé est la plus probable

- Cas 2 : on ne connait pas le POI pour faire l'attaque
- Étant données N traces de consommation de L échantillons, on note $t_{n,i}$ la valeur de consommation au point i de la trace n (avec $1 \le n \le N, 1 \le i \le L$).
- Pour K clés (sous-clés) possibles (on a typiquement K=256), on note $h_{n,k}$ la valeur estimée de la consommation, selon le modèle choisi, pour la trace n et l'hypothèse de clé k ($0 \le k < K$)
 - Remarque : cette valeur dépend du plaintext, mais pas du point dans le temps
- On peut ensuite voir à quel point le modèle et les mesures correspondent pour chaque hypothèse de clé k et à chaque instant i en calculant :

$$r_{k,i} = \frac{\sum_{n=1}^{N} (h_{n,k} - \overline{h_k})(t_{n,i} - \overline{t_i})}{\sqrt{\sum_{n=1}^{N} (h_{n,k} - \overline{h_k})^2 \sum_{n=1}^{N} (t_{n,i} - \overline{t_i})^2}}$$
(5)

où $\overline{h_k}$ et $\overline{t_i}$ sont respectivement les valeurs moyennes de la consommation modélisée et de la consommation mesurée à l'instant i.

 Puis, en prenant le maximum des r_{k,i} pour toutes les valeurs de i et k, on peut en déduire quelle hypothèse de clé est la plus probable

• Remarque : on peut montrer que $r_{i,k}$ peut être calculé avec la formule suivante, qui présente l'avantage de permettre un calcul "online" (en un seul parcours de l'ensemble des données) :

$$r_{k,i} = \frac{N \sum_{n=1}^{N} h_{n,k} t_{n,i} - (\sum_{n=1}^{N} h_{n,k})(\sum_{n=1}^{N} t_{n,i})}{\sqrt{((\sum_{n=1}^{N} h_{n,k})^{2} - N \sum_{n=1}^{N} h_{n,k}^{2})((\sum_{n=1}^{N} t_{n,i})^{2} - N \sum_{n=1}^{N} t_{n,i}^{2})}}$$
(6)

Avantages de n'avoir qu'une passe sur les données

- Quand le nombre de traces est très élevé, permet de calculer les valeurs de CPA à la volée, sans avoir à stocker les traces
- Permet de regarder régulièrement les valeurs de corrélations obtenues pour les meilleures hypothèses (par exemple toutes les 1000 traces) et de s'arrêter dès que l'écart est jugé significatif : évite de regarder toutes les traces

Plan

Attaques

Rappel : Consommation des instructions et des données

Principe de la DPA : Differential Power Analysis

Principe de la CPA : Correlation Power Analysis

Attaque par template

Masquage

Principe d'une attaque par template

- Objectif: retrouver la clé secrète d'un algorithme cryptographique à partir de la consommation d'encryptions matérielles ou logicielles
- Hypothèse de base : la valeur de consommation d'un calcul un instant donné dépend de la valeur du résultat du calcul
- Attaque basée sur un modèle de consommation d'énergie
- De même que pour la DPA et la CPA, l'attaque cible un point particulier dans le temps au cours de l'exécution
- Contrairement à la DPA et à la CPA, cette attaque nécessite de pouvoir faire changer la clé entre deux exécutions

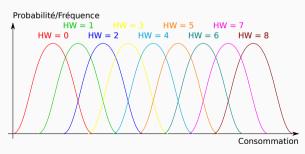
Principe d'une attaque par template

- Le principe de cette attaque est de contruire un "profil" de consommation du dispositif en fonction de la valeur de la clé
- Une fois le profil construit, il est possible de retrouver la valeur de la clé à partir de mesures, en regardant à quel profil correspondent le mieux les valeurs observées
- → Attaque en deux phases :
 - Phase d'acquisition : construction des profils, nécessite beaucoup de traces avec la clé qui varie et qui est connue
 - Phase d'exploitation : la clé est fixée et inconnue, le but de l'attaque est de la retrouver; cette phase requiert peu de traces

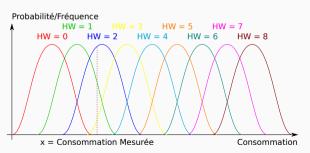
Principe d'une attaque par template : première phase

- Enregistrer beaucoup de traces (de l'ordre de 100 000) avec clé et plain text connus et variables
- Choisir quelques instants d'intérêts (typiquement 5), qui correspondent aux instants qui maximisent la variance inter-traces
- Classifier les traces selon un critère, qui peut être par exemple (pour l'attaque d'un octet de clé) :
 - La valeur en sortie de la première SBox
 - Le poids de Hamming de la valeur en sortie de la première SBox
- Pour chaque valeur du critère, reconstruire la loi normale multidimensionnelle dont les paramètres sont ceux obtenus de manière empirique
 - Le nombre N de dimensions est le nombre d'instants d'intérêt
 - Les paramètres de la loi sont le vecteur des moyennes μ de taille N et la matrice de covariance Σ entre les dimensions (de taille $N \times N$)
- Remarque : la densité de la loi normale multidimensionnelle pour un vecteur x de taille N est $f_{\mu,\Sigma}(x) = \frac{1}{(2\pi)^{N/2}|\Sigma|^{\frac{1}{2}}} e^{-\frac{1}{2}(x-\mu)^T \Sigma^{-1}(x-\mu)}$

- Exemple pour une attaque considérant un seul instant d'intérêt t0 (considère la consommation à un seul sample) : loi normale de dimension 1
- On trie les traces en fonction de la valeur du poids de Hamming en sortie de la 1ère Sbox
- ⇒ On obtient 9 distributions empiriques
- Pour chaque distribution empirique, on reconstruit une distribution de probabilité en estimant les paramètres μ et σ de la loi normale

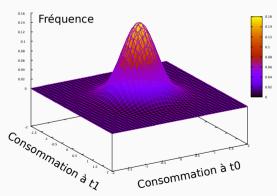


- Exemple pour une attaque considérant un seul instant d'intérêt t0 (considère la consommation à un seul sample) : loi normale de dimension 1
- On trie les traces en fonction de la valeur du poids de Hamming en sortie de la 1ère Sbox
- ⇒ On obtient 9 distributions empiriques
- Pour chaque distribution empirique, on reconstruit une distribution de probabilité en estimant les paramètres μ et σ de la loi normale

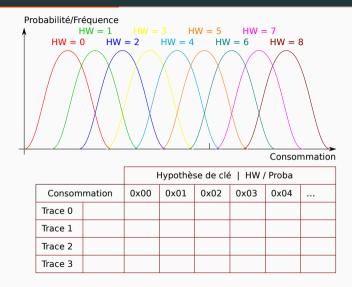


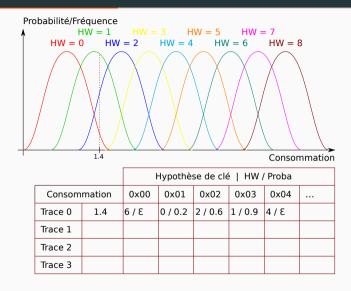
• Pour une mesure de consommation x, chaque distribution donne la "probabilité" d'obtenir la valeur x pour un poids de Hamming donné

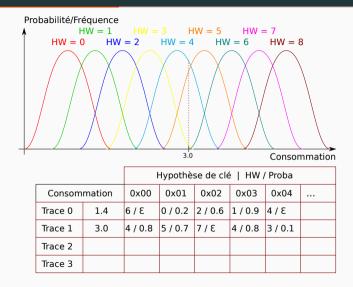
- Exemple d'une distribution reconstruite pour 2 instants d'intérêt t0 et t1 pour un HW donné
- Pour le poids de Hamming correspondant, associe une probablilité au fait d'observer la consommation c0 à t0 et c1 à t1
- Même principe quand on a un nombre plus élevé de points d'intérêt (et de dimensions dans la loi normale)

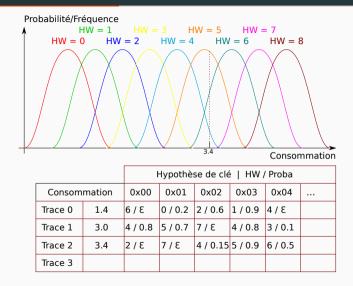


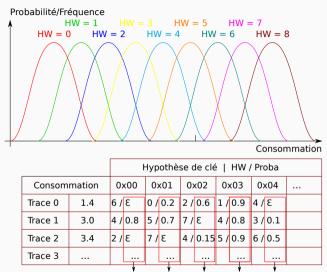
- La deuxième phase correspond à l'attaque d'un système similaire à celui profilé mais dont on ne connait pas la clé (constante)
- Enregistrement des traces avec plaintext variable et connu (de l'ordre d'une dizaine à une cinquantaine)
- Pour chaque trace :
 - Création du vecteur de consommation c correspondant aux points d'intérêt
 - Puis, pour chaque hypothèse de clé :
 - Calcul de la valeur v du critère (ex : poids de Hamming de la sortie de la SBox), elle-même fonction du plaintext et de l'hypothèse de clé
 - Calcul du score $s = p_V(c)$ de la distribution associée à ce critère pour ce vecteur de consommation : plus la valeur est grande, plus le modèle est satisfaisant
- Pour chaque hypothèse de clé, on multiplie tous les scores obtenus : le score total le plus grand est normalement obtenu pour la bonne clé
 - Permet d'éliminer les mauvaises hypothèses de clé, qui auront un score très faible pour au moins une sous-partie des plaintexts car le HW ne sera toujours correct que pour la bonne hypothèse de clé
 - Remarque: En réalité, pour éviter les problèmes de stabilité numérique, on somme des log au lieu de faire des multiplications (ne change pas le max)











Pour chaque hypothèse, on multiplie tous les scores ; clé = max

Plan

Attaques

 ${\sf Masquage}$

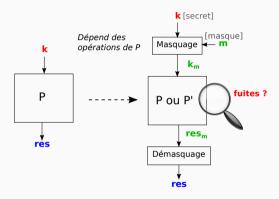
Masquage Matériel

Masquage logiciel

Exemple de l'AES, schéma de Herbst

Vérification du masquage

Masquage: introduction



• Appliquable au niveau logiciel ou au niveau matériel sur un circuit

Principe du Masquage

- Objectif: decoupler les valeurs manipulées par l'algorithme ou le programme des valeurs secrètes
- Plus précisément : faire en sorte que la distribution des valeurs des expressions intermédiaires soit indépendante des valeurs secrètes : Threshold Probing Security (TPS) à l'ordre 1
- Introduction de variables de type masque : variables dont la valeur change à chaque exécution (distribution aléaltoire uniforme sur *n* bits)
- Intérêt : si m est un masque, alors l'expression e = m ⊕ e' a une distribution uniforme distribution si m n'apparait pas dans e'

е	m	e ⊕ m		
0	0	0		
	1	1		
1	0	1		
	1	0		

- Representation avec des secrets et masques ou avec des shares selon la propriété de sécurité vérifiée
 - ullet Secrets et masques : manipule des expressions de type m et k \oplus m
 - Shares : manipule des shares, par exemple s0 et s1 tels que s0 \oplus s1 = s

Plan

Attaques

Masquage

Masquage Matériel

Masquage logicie

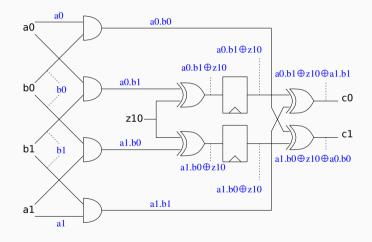
Exemple de l'AES, schéma de Herbst

Vérification du masquage

Masquage Matériel du "AND" (ET logique)

- Problème : Soit 2 entrées secrètes sur n shares a et b; comment calculer une sortie c sur n shares telle que c = a.b de manière sécurisée?
- Par exemple, pour n = 2:
 - On a a = a0 \oplus a1 et b = b0 \oplus b1
 - On veut calculer c0 et c1 tels que c0 ⊕ c1 = (a0 ⊕ a1).(b0 ⊕ b1) sans jamais recalculer a et b
- De nombreux schémas existants

Exemple: Domain-Oriented Masking AND [Groß et al., 2017] à l'ordre 1



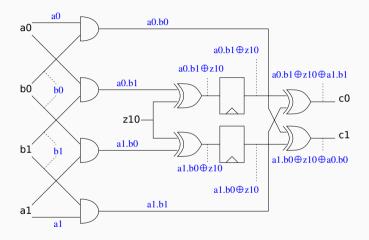
Ordre Supérieur

- Attaque à l'ordre n : une attaque à l'ordre n peut utiliser n valeurs intermédiaires (fils, ou probes)
 - Idée : les mesures des différentes probes peuvent être combinées
 - Intuitivement, si manipule m et $k \oplus m$, on peut retrouver k en 2 observations, tandis que si l'on manipule m1, m2 et $k \oplus m1 \oplus m2$, il faut 3 observations
 - En pratique, peut résulter d'une mesure de consommation globale
- Securité à l'ordre n : la sécurité à l'ordre n fournit une résistance face aux attaques à l'ordre n
 - Implique que le nombre de shares t > n
- La sécurité à l'ordre *n* requiert d'énumérer tous les tuples possibles de taille *n*, et de montrer que la propriété est vérifiée pour chacun
- Le circuit DOM-AND à l'ordre 1 n'offre pas de sécurité à l'ordre 2 : la distribution jointe des expressions (a0, a1) n'est pas indépendante de a

Autres Propriétés de Sécurité (à l'ordre t)

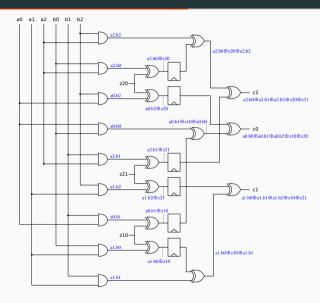
- Non-Interférence (NI) : la distribution de chaque tuple de t expressions dépend au plus de t shares par entrée
 - Implique TPS si les sharings sont uniformément distribués
- Strong Non-Intérference (SNI) : la distribution de chaque tuple de t expressions dépend au plus de t shares par entrée, moins le nombre de sorties du circuit parmi les expressions du tuple
 - Implique Non-Interférence
- Probe Isolating Non-Interference (PINI)
 - Implique NI et est impliqué par SNI

Exemple: Domain-Oriented Masking AND [Groß et al., 2017] à l'ordre 1



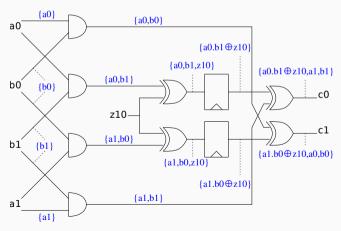
- 1-NI : chaque distribution d'expression dépend au plus d'un share par entrée
- 1-SNI : chaque distribution d'expression dépend au plus d'un share par entrée, excepté pour les sorties qui ne doivent dépendre d'aucun share

Ordre Supérieur : DOM-AND à l'ordre 2



Prise en Compte des Glitches

- Considère que les valeurs temporaires sur les fils sont suffisantes pour fuir de l'information, et sont incluses dans le modèle de fuite
- Modifie la fuite associée à chaque probe
- Orthogonal à la propriété de sécurité



Schémas de Masquage du AND

- DOM AND: Schéma dit Domain Oriented Masking [Groß et al., 2017], resistant aux glitches
- ISW AND : Premier schéma proposé en 2006 [Ishai et al., 2003]
- ISW AND refresh : Variante avec un refresh sur une des entrées [De Cnudde et al., 2016]
- TI AND : Schéma dit Threshold Implementation n'utilisant pas de random intermédiaires [Nikova et al., 2006]
- NI Mult and SNI Mult: Schémas vérifiant les propriétés NI et SNI [Bordes and Karpman, 2021]
- PINI Mult : Schéma implémentant la propriété PINI, introduit dans [Wang et al., 2023]
- GMS AND : Deux implémentations du AND utilisant le Generalized Masking Scheme, décrit dans l'article, utilisant respectivement 3 et 5 shares [Reparaz et al., 2015]
- Et bien d'autres...
- Les schémas diffèrent sur les propriétés de sécurité vérifiées, le nombre de portes, le nombre de registres, etc.

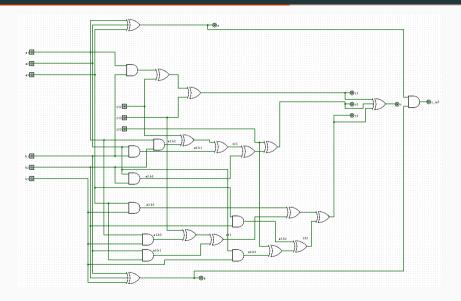
Description du schéma ISW à l'ordre t pour une porte AND

- Soient $a=a_1\oplus ...\oplus a_{t+1}$ et $b=b_1\oplus ...\oplus b_{t+1}$ deux entrées secrètes découpées en t+1 shares
- Pour $1 \le i < j \le t+1$ $(i \ne j)$, on définit $z_{i,j}$ et $z_{j,i}$ de la manière suivante :
 - $z_{i,j}$ est un bit random
 - $z_{j,i} = (z_{i,j} \oplus a_i b_j) \oplus a_j b_i$
- On calcule les bits ci de la sortie de la manière suivante :

$$c_i = a_i b_i \oplus \bigoplus_{j \neq i} z_{i,j}$$

- Le circuit résultant calcule a.b et est TPS à l'ordre t
- Une porte AND est ainsi convertie en $O(t^2)$ portes
- Remarque : ce schéma ne prend pas en compte les glitches

Exemple ISW : porte AND pour t=2



Masquage par Threshold-Implementation (TI) [Nikova et al., 2006]

- Cadre : fonctions combinatoires, plusieurs entrées et plusieurs sorties constituées de n shares
 - Comme précédemment, le codage pour une valeur donnée d'une entrée doit être uniforme parmi les codages possibles
- Contrainte : n'utilise pas de valeur aléatoire au milieu du calcul
- Idée : si chaque sortie ne dépend pas d'un indice (identique) pour toutes les entrées, alors chaque sortie est indépendante de chacune des valeurs secrète
 - Exemple : z_1 ne dépend pas de x_1, y_1 ; z_2 ne dépend pas de x_2, y_2 , etc.
- Chaque caractéristique de chaque fonction z_i (consommation, rayonnement EM, etc.) est indépendante de x, y et z
- Marche aussi pour les valeurs intermédiaires

Masquage TI: exemple du AND

- $x = x_1 \oplus x_2 \oplus x_3, y = y_1 \oplus y_2 \oplus y_3$
- Les 3 fonctions de sorties :
 - $z_1 = x_2y_2 \oplus x_2y_3 \oplus x_3y_2$
 - $z_2 = x_3y_3 \oplus x_1y_3 \oplus x_3y_1$
 - $z_3 = x_1y_1 \oplus x_1y_2 \oplus x_2y_1$
- Sont une implémentation TI de x.y
- Problème de cette réalisation : si la sortie z est utilisée en entrée d'un autre circuit TI, il faut que le codage de chaque valeur soit uniforme parmi les codages possibles (hypothèse requise pour garantir la sécurité) : ce n'est pas le cas ici (propriété dite d'équilibre ou de balance)

Masquage TI: exemple du AND

- On s'intéresse au cas x = 1 et y = 1 (seule possibilité pour que la sortie vaille 1)
- Sous l'hypothèse d'uniformité de codage et d'indépendance des entrées, chacune des lignes a la même probabilité
- On observe que le codage en sortie n'est pas uniforme

×3	×2	×1	уЗ	y2	у1	z3	z2	z1
0	0	1	0	0	1	1	0	0
0	0	1	0	1	0	1	0	0
0	0	1	1	0	0	0	1	0
0	0	1	1	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	1	1	0	0
0	1	0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1	0	1	0
1	0	0	0	1	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	1	0
1	0	0	1	1	1	0	0	1
1	1	1	0	0	1	0	1	0
1	1	1	0	1	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1	1	1	1

• Une implémentation équilibrée n'est pas possible avec seulement 3 shares

Masquage TI: exemple du AND

- Implémentation équilibrée à 4 shares :
 - $z_1 = (x_3 \oplus x_4)(y_2 \oplus y_3) \oplus y_2 \oplus y_3 \oplus y_4 \oplus x_2 \oplus x_3 \oplus x_4$
 - $z_2 = (x_1 \oplus x_3)(y_1 \oplus y_4) \oplus y_1 \oplus y_3 \oplus y_4 \oplus x_1 \oplus x_3 \oplus x_4$
 - $z_3 = (x_2 \oplus x_4)(y_1 \oplus y_4) \oplus y_2 \oplus x_2$
 - $z_4 = (x_1 \oplus x_2)(y_2 \oplus y_3) \oplus y_1 \oplus x_1$
- $\bullet\,$ Beaucoup de portes pour une protection à l'ordre 1

Plan

Attaques

Masquage

Masquage Matérie

Masquage logiciel

Exemple de l'AES, schéma de Herbst

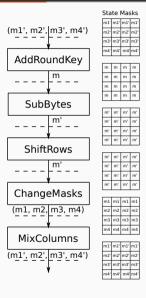
Vérification du masquage

Masquage logiciel

- But : rendre aléatoires les valeurs intermédiaires du calcul, les décorréler des valeurs des secrets
- Très dépendant de l'algorithme
- Peut être ajouté dans le source code
- Même si en pratique, les programmes masqués sont souvent écrits directement en assembleur par des experts
- Problème résiduel : il y a toujours une sensibilité avant/pendant le masquage
- 2 grands types de masquage : booléen (xor \oplus) et arithmétique (+ mod 2^n)

Exemple de masquage de l'AES (Schéma de Herbst [Herbst et al., 2006])

- Pour chaque exécution, utilisation de 6
 masques sur 8 bits: m, m', et (m1, m2, m3,
 m4) (masques par ligne)
- Calcul de (m1', m2', m3', m4'), image de (m1, m2, m3, m4) par le MixColumns (linéaire par rapport à l'addition dans GF(2⁸) et donc au ⊕)
- Ajout d'une fonction ChangeMasks
- Adaptation de la génération des clés de ronde en conséquence



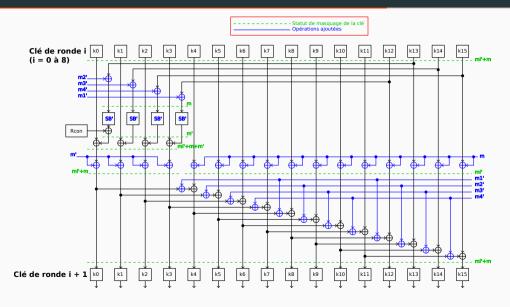
Exemple de masquage de l'AES (Schéma de Herbst [Herbst et al., 2006])

- Conséquence : il faut adapter certaines opérations
- AddRoundKey: au lieu de xorer un octet d'une ligne i avec K, il faut le xorer avec K ⊕ mi' ⊕ m
 - Adaptation de la génération des clés de ronde en conséquence
- SBox : il faut calculer une autre permutation, l'unique permutation SBox' telle que SBox'[$x \oplus m$] = SBox[x] $\oplus m$ '
- ShiftRows : ne modifie pas les masques, pas de modification
- MixColumns : pas de modifications, mais il faut précalculer les mi' au début

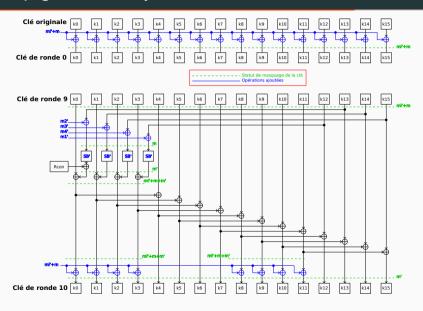
Problème

- La génération des clés de ronde utilise les clés en clair
- ullet \Rightarrow On peut aussi la masquer

Exemple de masquage de l'AES : Key Schedule



Exemple de masquage de l'AES : Key Schedule



Plan

Attaques

Masquage

Masquage Matérie

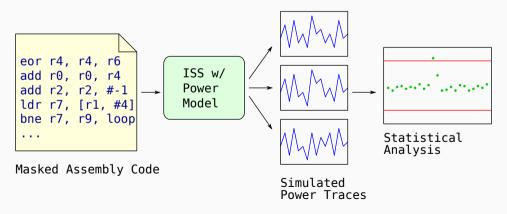
Masquage logicie

Exemple de l'AES, schéma de Herbst

Vérification du masquage

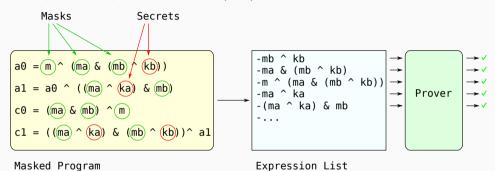
Comment Vérifier un Schéma de Masquage?

- Empiriquement : Effectuer des simulations ou des captures, et utiliser des tests statistiques comme le t-test
- Inconvénient : Ne donne pas de garantie (dépendant de facteurs d'implémentation), localisation des fuites



Comment Vérifier un Schéma de Masquage?

• Formellement : vérifier que tous les calculs intermédiaires (valeurs) ont une distribution statistiquement indépendante des secrets (TPS)



- 1ère idée : énumérer toutes les valeurs des entrées, des secrets et des masques, et regarder si les distributions obtenues sont identiques pour toutes les valeurs des secrets
 - Ne passe pas à l'échelle
- ullet \Rightarrow Les outils de vérification formelle sont symboliques

Vérification Formelle de Masquage

- Plusieurs familles de techniques, parmi lesquelles :
- La vérification par Inférence
 - Établir des propriétés pour des expressions simples
 - Inférer des propriétés lors d'opérations entre expressions, à partir des propriétés de ces epressions et de l'opérateur
- La vérification par Substitution
 - Transformer successivement une expression grâce aux masques jusqu'à ce que la propriété de securité soit vérifiée
- Les 2 techniques peuvent être utilisées à la fois pour la vérification logicielle et matérielle

Exemple d'Outil de Vérification par Substitution : VerifMSI [Meunier and Taleb, 2023]

- Bibliothèque Python pour la vérification d'expressions symboliques (HW et SW)
- Chaque variable a un type parmi secret, mask et public
- Les variables et constantes ont une taille fixe arbitraire (ex : 9 bits)
- Support pour les opérations booléennes et arithmetiques
- Possibilité d'utiliser des valeurs concrètes pour la simulation
- Beneficie du flot de contrôle Python
- Représentations possibles avec shares ou secrets
- Constructions matérielles (portes, registres), glitches
- Implémente différentes propriétés de sécurité
- Vérifications aux ordres supérieurs

Circuit DOM-AND en VerifMSI

```
# Secret and Masks declaration
   = symbol('a'. 'S'. 1) # 1-bit secret
 = symbol('b', 'S', 1) # 1-bit secret
z10 = symbol('z10', 'M', 1) # 1-bit mask
# Do the sharing for 'a' and 'b'
a0, a1 = getPseudoShares(a, 2)
b0. b1 = getPseudoShares(b. 2)
# Create input gates
a0 = inputGate(a0)
a1 = inputGate(a1)
b0 = inputGate(b0)
b1 = inputGate(b1)
z10 = inputGate(z10)
# Cross products
a0b0 = andGate(a0.b0)
a0b1 = andGate(a0, b1)
a1b0 = andGate(a1, b0)
a1b1 = andGate(a1, b1)
```

```
# Remaining gates and registers
alb0 = xorGate(alb0, z10)
alb0 = Register(alb0)
a0b1 = xorGate(a0b1, z10)
a0b1 = Register(a0b1)
c0 = a0b0
c0 = xorGate(c0, a0b1)
c1 = alb1
c1 = xorGate(c1, alb0)
# Check the TPS security property
checkSecurity(order, wGlitches, 'tps', c0, c1)
```

VerifMSI : Algorithme principal de vérification

Algorithm 1 Algorithm for verifying threshold probing security

```
Require: nodeIn is the root of the expression to analyse
Ensure: False is returned if the distribution of the expression node In is dependent from a secret it contain. Otherwise, True is probably
  returned
  procedure ThresholdProbingSecurity(nodeIn)
     n ← simplify(nodeIn)
     masksTaken ← set()
     while True do
         if secretVarOcc(n, .) = 0 then
            return True
                                                                                                                     ▷ No more secret
         if maskedBv(n. .. .) then
            return True
                                                                                                D A mask is masking the current node
         mask, nodeToReplace 

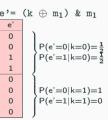
SelectMask(n, masksTaken)
                                                                                 D mask is the mask node masking the node to replace
         if mask = None then
            return False
         masksTaken.add(mask)
         n ← GetReplacedGraph(n, mask, nodeToReplace)
         n \leftarrow simplify(n)
```

Exemple d'Outil de Vérification par Inférence [Ben El Ouahma et al., 2019]

Types de distributions définis :

- Random Uniform (RUD)
- Unknown (UKD)
- Constant (CST)
- (Statistically) Independent from Secrets (ISD): même distribution pour toutes les valeurs du secret.

e =	(k ⊕	m_1) 8	t m ₂	
k	m ₁	m ₂	е	
	0	0	0)
0	0	1	0	$\begin{cases} P(e=0 k=0) = \frac{3}{4} \\ P(e=1 k=0) = \frac{1}{4} \end{cases}$
0	1	0	0	$P(e=1 k=0) = \frac{1}{4}$
	1	1	1]
	0	0	0	
1	0	1	1	$P(e=0 k=1)=\frac{3}{4}$
1	1	0	0	$ \begin{cases} P(e=0 k=1) = \frac{3}{4} \\ P(e=1 k=1) = \frac{1}{4} \end{cases} $
	1	1	0]] -



Dépendances

(k
$$\oplus$$
 m) & m = (RUD) & RUD = ISD \Longrightarrow faux

► Nécessaire de mémoriser les dépendances *structurelles*

$$(k \oplus m) \& m = (RUD\{m,k\}) \& RUD\{m\} = UKD$$

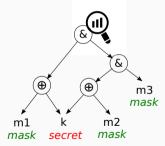
Types garantis sans fuite

- ► eRUD
- ► e*I*SD
- e UKD sans dépendance structurelle sur un secret

Type potentiellement vulnérable

► e UKD avec dépendance structurelle sur un secret

Schéma de vérification



Arbre d'expression de la dernière instruction

La distribution de la racine est elle statistiquement indépendante de k?

- ► Étiqueter les variables d'entrée selon leur type
- Combinaison ascendante de types de distribution utilisant des règles d'inférence

Masques dominants

- expression $e = e' \oplus m / e = e' + m \mod 2^n$
- mRUD
- m n'apparaît pas dans e'

 \implies eRUD et m est un masque dominant de e.

Pour chaque expression, 2 ensembles : $dom_{\oplus}(e),\ dom_{+}(e)$ Exemples :

- $dom_{\oplus}((k + m1) \oplus (k \oplus m1 \oplus m2)) = m2$
- $\bullet \ dom_+((k + m1) \oplus 0) = dom_+(k + m1) = m1$

Autres règles d'inférence

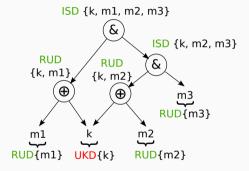
- Pour \oplus , + mod 2^n
- Pour AND, OR
- Distribution des accès SBox = distribution de l'expression d'accès (propriété de permutation)

Règle Disjoint

- Deux expressions uISD et vISD
- Aucun masque en commun entre u et v
- \Longrightarrow (u op v) I SD pour tout opérateur binaire op

Exemple d'analyse de distribution

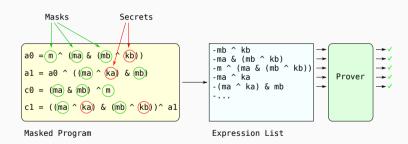
Dernière instruction i4: (k \oplus m₁) & ((k \oplus m₂) & m₃)



 \triangleright *i*4 est statistiquement indépendante de k

Comment Vérifier un Schéma de Masquage?

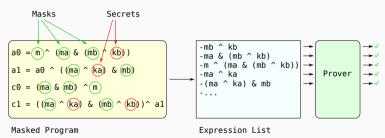
• Formellement : vérifier que tous les calculs intermédiaires (valeurs) ont une distribution statistiquement indépendante des secrets (TPS)



- 1ère idée : énumérer toutes les valeurs des entrées, des secrets et des masques, et regarder si les distributions obtenues sont identiques pour toutes les valeurs des secrets
 - Ne passe pas à l'échelle
- ⇒ Les outils de vérification formelle sont symboliques

Comment Vérifier un Schéma de Masquage?

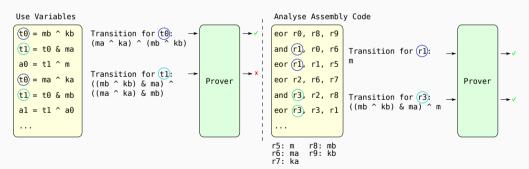
- Formellement : vérifier que tous les calculs intermédiaires (valeurs) ont une distribution statistiquement indépendante des secrets (TPS)
- Inconvénients: Les expressions considérées pour la preuve ne modélisent pas forcément bien les fuites réelles
- ⇒ Un schéma de masquage prouvé peut fuire en pratique



- 1ère idée : énumérer toutes les valeurs des entrées, des secrets et des masques, et regarder si les distributions obtenues sont identiques pour toutes les valeurs des secrets
 - Ne passe pas à l'échelle
- ⇒ Les outils de vérification formelle sont symboliques

Reduire l'Écart Entre les Expressions Analysées et les Fuites Réelles

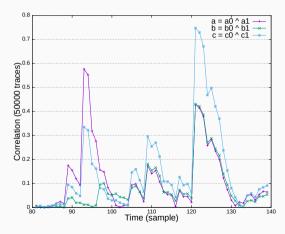
- 2 techniques de vérification ont été proposées pour remplacer la vérification des valeurs intermédiaires
 - Vérifier les transitions entre variables
 - Vérifier les transitions entre Registres Généraux (GPR)



Prouvé sans Fuite Secrète?

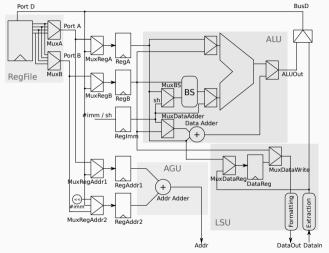
- Cas du "ISW And"
 - Prouvé sans fuite dans le modèle en valeur
 - Prouvé sans fuite dans le modèle en transition entre GPR

```
; r0:a0, r1:b0, r2:a1, r3:b1, r6:c[] r7:m
and.w r4, r0, r3; a0 & b1
eors r4, r7; t0 = (a0 & b1) ^ m
and.w r5, r2, r1; a1 & b0
ands r0, r1; a0 & b0
ands r3, r2; b1 & a1
eors r4, r5; t1 = t0 ^ (a1 & b0)
eors r0, r7; c0 = (a0 & b0) ^ m
eors r4, r3; c1 = t1 ^ (a1 & b1)
str r4, [r6, #0]
```



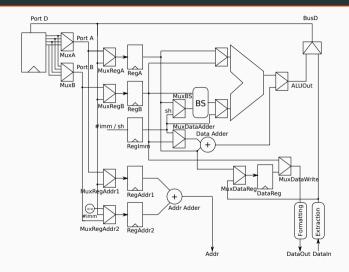
Comment se rapprocher des fuites réelles?

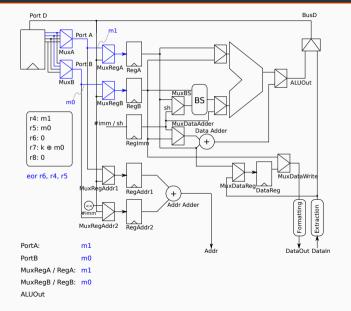
Cas Étudié : Board STM32F1 [De Grandmaison et al., 2022]



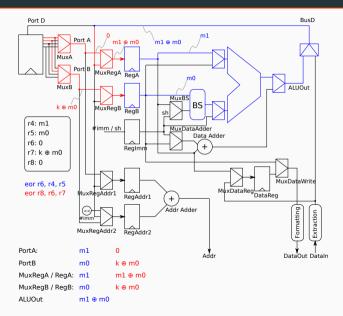
• Accessible en ligne: https://www-soc.lip6.fr/armistice

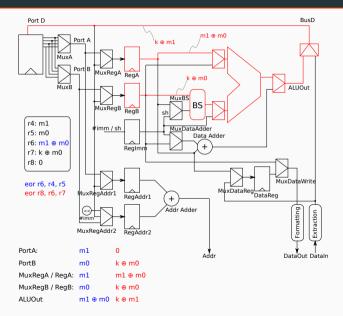
- Arm Cortex-M3 : Modélisé à partir d'une description RTL
- Memoire : Modèle en boite noire (pas de RTL)
- Conception et Implémentation de nombreux "leakage test vectors" :
 - Détection des sources de fuite (black-box)
 - Validation (white-box)
 - Classement

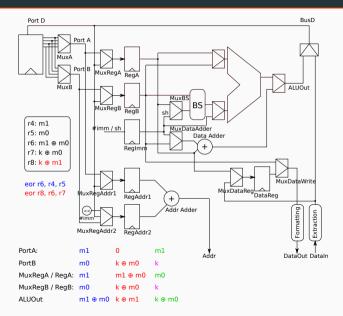




71



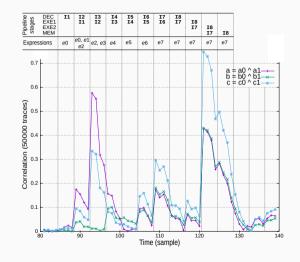




Retour sur le cas du "ISW And"

	Instructions	Leaks : expr. name	
I1	and.wr5, r2, r1	MuxRegA, RegA: eO	
		RegB : e1	
12	ands r0, r1	PortA, RegA : e2	
		AluOut : e3	
13	ands r3, r2	AluOut : e4	
14	eors r4, r5	RegB : e5	
15	eors r0, r7	AluOut : e6	
16	eors r4, r3	AluOut : e7	
17	str r0, [r6, #0]	-	
18	str r4, [r6, #4]	PortB, RegB, DataReg,	
		DataOut, BufferMem : e7	

Nom	Expression	Fuites
e0	$a0 \cdot b1 \oplus a1$	a, c
e1	a0 ⋅ b1 ⊕ b0	b, c
e2	a0 ⊕ a1	a, c
e3	$a0 \cdot b0 \oplus a1 \cdot b0$	a, c
e4	$a0 \cdot b0 \oplus a1 \cdot b1$	a, b, c
e5	$a1 \cdot b0 \oplus b1$	b, c
e6	$a0 \cdot b0 \oplus a0 \cdot b1 \oplus a1 \cdot b0$	a, b, c
e7	$a0 \cdot b0 \oplus a0 \cdot b1 \oplus a1 \cdot b0 \oplus a1 \cdot b1$	a, b, c



Merci!

Contact:

Email: quentin.meunier@lip6.fr

References i



Bordes, N. and Karpman, P. (2021).

Fast verification of masking schemes in characteristic two.

In Advances in Cryptology–EUROCRYPT 2021: 40th Annual International Conference on the Theory and Applications of Cryptographic Techniques, Zagreb, Croatia, October 17–21, 2021, Proceedings, Part II, pages 283–312. Springer.

De Cnudde, T., Reparaz, O., Bilgin, B., Nikova, S., Nikov, V., and Rijmen, V. (2016). Masking aes with shares in hardware.

In Cryptographic Hardware and Embedded Systems–CHES 2016 : 18th International Conference, Santa Barbara, CA, USA, August 17-19, 2016, Proceedings, pages 194–212. Springer.

References ii



De Grandmaison, A., Heydemann, K., and Meunier, Q. L. (2022).

Armistice: Microarchitectural leakage modeling for masked software formal verification.

IEEE Transactions on Computer-Aided Design of Integrated Circuits and Systems, 41(11):3733–3744.



Groß, H., Mangard, S., and Korak, T. (2017).

An efficient side-channel protected aes implementation with arbitrary protection order.

In <u>Topics in Cryptology–CT-RSA 2017</u>: The Cryptographers Track at the RSA Conference 2017, San Francisco, CA, USA, February 14–17, 2017, Proceedings, pages 95–112. Springer.



Herbst, C., Oswald, E., and Mangard, S. (2006).

An aes smart card implementation resistant to power analysis attacks.

In ACNS, volume 3989, pages 239–252. Springer.



Ishai, Y., Sahai, A., and Wagner, D. (2003).

Private circuits: Securing hardware against probing attacks.

In Annual International Cryptology Conference, pages 463–481. Springer.

References iii



Meunier, Q. and Taleb, A. (2023).

Verifmsi: Practical verification of hardware and software masking schemes implementations.

In <u>20th International Conference on Security and Cryptography</u>, volume 1, pages 520–527. SciTePress.



Nikova, S., Rechberger, C., and Rijmen, V. (2006).

Threshold implementations against side-channel attacks and glitches.

In International conference on information and communications security, pages 529–545. Springer.



Reparaz, O., Bilgin, B., Nikova, S., Gierlichs, B., and Verbauwhede, I. (2015).

Consolidating masking schemes.

In Annual Cryptology Conference, pages 764-783. Springer.



Wang, W., Ji, F., Zhang, J., and Yu, Y. (2023).

Efficient private circuits with precomputation.

IACR Transactions on Cryptographic Hardware and Embedded Systems, pages 286–309.